

нату какой-нибудь точки квадратрисы в прямоугольной системе координат, а через ϑ угол, образуемый радиусом-вектором этой точки с осью абсцисс, то свойство, служившее древним для определения ее, можно выразить при помощи следующего уравнения:

$$\frac{y}{b} = \frac{\vartheta}{\varrho},$$

где ϱ означает прямой угол, а b — значение y , соответствующее $\vartheta = \varrho$; углы измеряются дугами, стягиваемыми ими как центральными углами круга с радиусом b , так что $\varrho = b \frac{\pi}{2}$, пользуясь

обычным теперешним обозначением π .

Так как y пропорционально ϑ , то сразу убеждаемся, что эта кривая может служить для деления угла на равные части или же на части, находящиеся в данном отношении. Динострат первый понял, что квадратриса пригодна для квадратуры круга, или, во всяком случае, первый доказал это, показав, что абсцисса точки пересечения ее с осью абсцисс равна $\frac{b^2}{\varrho}$ или $\frac{2b}{\pi}$. Действительно, част-

ное $\frac{b^2}{\varrho}$ не может быть ни больше ни меньше названной абсциссы: если бы оно было больше, то, так, как радиусы-векторы воз-

растают вместе с ϑ , на кривой должна была бы иметься точка,

радиус-вектор которой равнялся бы $\frac{b^2}{\varrho}$, и мы должны были бы

иметь (заменяя для большей ясности пропорции Динострата нашими равенствами и тригонометрическими знаками):

$$\frac{b^2}{\varrho} \sin \vartheta = y = b \frac{\vartheta}{\varrho} = \frac{b^2}{\varrho} \cdot \frac{\vartheta}{b},$$

иначе говоря, синус в круге с радиусом $\frac{b^2}{\varrho}$ должен был бы рав-

няться соответствующей дуге того же самого круга. Если же, наоборот, частное $\frac{b^2}{\varrho}$ было бы меньше рассматриваемой абсциссы,

то на кривой имелась бы точка с абсциссой $\frac{b^2}{\varrho}$, для которой мы имели бы:

$$\frac{b^2}{\varrho} \operatorname{tg} \vartheta = y = \frac{b^2}{\varrho} \frac{\vartheta}{b},$$

иначе говоря, тангенс в круге с радиусом $\frac{b^2}{\varrho}$ должен был бы равняться соответствующей дуге того же самого круга. В обоих этих случаях мы приходим к невозможным выводам.